

Naturkonstanten

$c_0 = (\mu_0 \epsilon_0)^{-1/2} = 2,997924 \cdot 10^8 \text{ ms}^{-1}$	Vakuum-Lichtgeschwindigkeit
$e = -1,6021 \cdot 10^{-19} \text{ C}$	Elementarladung des Elektrons
$h = 6,6261 \cdot 10^{-34} \text{ Js}$	Plancksches Wirkungsquantum
$k = 1,381 \cdot 10^{-23} \text{ JK}^{-1}$	Boltzmann-Konstante
$m_e = 9,109 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$	Ruhemasse des Elektrons
$\epsilon_0 = 8,854187 \cdot 10^{-12} \text{ AsV}^{-1}\text{m}^{-1}$	Dielektrizitätskonstante
$\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \text{ VsA}^{-1}\text{m}^{-1}$	Permeabilitätskonstante
$\mu_B = e h/(4\pi m_e) = 9,274 \cdot 10^{-24} \text{ Am}^2$	Bohrsches Magneton
$Z_0 = (\mu_0/\epsilon_0)^{1/2} = 376,73 \Omega$	Freiraumwellenwiderstand

Jürgen Richter, 17. Oktober 2002

	Zeitbereich	Frequenzbereich
Integralform:	$\oint_C \vec{H}(t) \cdot d\vec{\ell} = \int_A \vec{J}(t) \cdot d\vec{A} + \frac{\partial}{\partial t} \int_A \vec{D}(t) \cdot d\vec{A}$ $\oint_C \vec{E}(t) \cdot d\vec{\ell} = -\frac{\partial}{\partial t} \int_A \vec{B}(t) \cdot d\vec{A}$ $\oint_S \vec{D}(t) \cdot d\vec{S} = \int_V \rho(t) dV$ $\oint_S \vec{B}(t) \cdot d\vec{S} = 0$ $\oint_S \vec{F} \cdot d\vec{S} = \int_V (\nabla \cdot \vec{F}) dV \quad \text{Integralsatz von Gauß}$ $\oint_C \vec{F} \cdot d\vec{r} = \int_A (\nabla \times \vec{F}) \cdot d\vec{A} \quad \text{Integralsatz von Stokes}$	$\oint_C \vec{H}(\omega) \cdot d\vec{\ell} = \int_A \vec{J}(\omega) \cdot d\vec{A} + j\omega \int_A \vec{D}(\omega) \cdot d\vec{A}$ $\oint_C \vec{E}(\omega) \cdot d\vec{\ell} = -j\omega \int_A \vec{B}(\omega) \cdot d\vec{A}$ $\oint_S \vec{D}(\omega) \cdot d\vec{S} = \int_V \rho(\omega) dV$ $\oint_S \vec{B}(\omega) \cdot d\vec{S} = 0$
Differentielle Form:	$\nabla \times \vec{H}(t) = \vec{J}(t) + \frac{\partial}{\partial t} \vec{D}(t)$ $\nabla \times \vec{E}(t) = -\frac{\partial}{\partial t} \vec{B}(t)$ $\nabla \cdot \vec{D}(t) = \rho(t)$ $\nabla \cdot \vec{B}(t) = 0$	$\nabla \times \vec{H}(\omega) = \vec{J}(\omega) + j\omega \cdot \vec{D}(\omega)$ $\nabla \times \vec{E}(\omega) = -j\omega \cdot \vec{B}(\omega)$ $\nabla \cdot \vec{D}(\omega) = \rho(\omega)$ $\nabla \cdot \vec{B}(\omega) = 0$
Randbedingungen:	$\vec{n}_{21} \times (\vec{E}_1(t) - \vec{E}_2(t)) = \vec{0}$ $\vec{n}_{21} \cdot (\vec{D}_1(t) - \vec{D}_2(t)) = \rho_F(t)$ $\vec{n}_{21} \times (\vec{H}_1(t) - \vec{H}_2(t)) = \vec{J}_F(t)$ $\vec{n}_{21} \cdot (\vec{B}_1(t) - \vec{B}_2(t)) = 0$	$\vec{n}_{21} \times (\vec{E}_1(\omega) - \vec{E}_2(\omega)) = \vec{0}$ $\vec{n}_{21} \cdot (\vec{D}_1(\omega) - \vec{D}_2(\omega)) = \rho_F(\omega)$ $\vec{n}_{21} \times (\vec{H}_1(\omega) - \vec{H}_2(\omega)) = \vec{J}_F(\omega)$ $\vec{n}_{21} \cdot (\vec{B}_1(\omega) - \vec{B}_2(\omega)) = 0$

Übungen zu Passive Bauelemente und deren HF-Verhalten
Aufgabe 1: Räumlich-zeitliche Darstellung von Vektorfeldern

LHFT
E 3

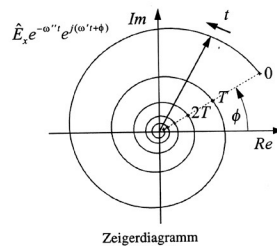
Was bedeutet eine komplexe Frequenz?

$$\omega = \omega' + j\omega''$$

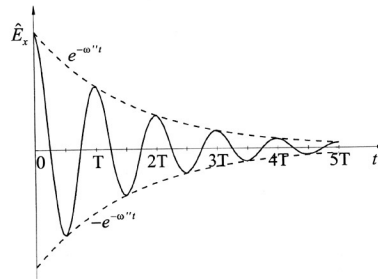
$$\vec{E}(t) = \text{Re}\{\vec{E}(\omega)e^{j\omega t}\} = \text{Re}\{\vec{E}(\omega)e^{j(\omega' + j\omega'')t}\} = \text{Re}\{\vec{E}(\omega)e^{-\omega''t}e^{j\omega't}\}$$

$$\text{Sei } \vec{E}(\omega) = \vec{E} = \hat{E}_x \cdot e^{j\phi} \vec{e}_x$$

$$\vec{E}(t) = \text{Re}\{\hat{E}_x e^{j\phi} e^{-\omega''t} e^{j\omega't}\} \vec{e}_x = \hat{E}_x \cos(\omega't + \phi) e^{-\omega''t}$$



Zeigerdiagramm



Zeitfunktion

Der Imaginärteil ω'' der komplexen Frequenz führt zu einem Abklingen der Schwingung (gedämpfte Schwingung mit der Frequenz ω').